



ශ්‍රී ලංකා විවෘත විශ්වාස්‍යාලය

ඉංග්‍රීසු තාක්ෂණ විශ්වාස්‍යාලය - 02 වන මධ්‍යම

අවසාන පරිජිත්‍යා - 2010/2011

ව්‍යුත්තාරිකා ගණනය II - MPZ 2311

කාලය - පැය 03 කි.

දිනය - 2011.03.08

වේලුව - පැය 09.30-12.30 දක්වා

චිනැට් ප්‍රාග්‍ය භාෂා සාහැන්න.

Non programmable ගණක යන්තු හාවිතා කළ හැක. ගණක යන්තු සඳහා පාගම දුරකථන හාවිතා කිරීමට ඉඩ දෙනු නොලැබේ.

01. (a) සරල උර්ධිය මහක ගමන් කරන දුම්පියක් එකාකාර මන්දනයක් යටතේ 100m දුරක්ද එහි ප්‍රවේගය  $60 \text{ kmh}^{-1}$  සිට  $20\text{kmh}^{-1}$  දක්වා අඩු කර ගනි. දුම්පිය මන්දනය හා නිය්වලනාවට පත්වීමට පෝර තවත් කොපමනු දුරක් ගමන් කරයි දැයු සොයන්න.
- (b) සමඟීමට එකම සිරස් උකින් පිශාසර කරන අභය්‍යාහයක් හා නෙලුකොප්ටරයකි. අභය්‍යාහය උතුරට  $80\text{km/h}$  ප්‍රවේගයෙන් ද නෙලුකොප්ටරය උතුරින්  $60^{\circ}$  ක් බටහිරව  $60\text{km/h}$  ප්‍රවේගයෙන් ද ගමන් කරයි. නෙලුකොප්ටරයට සාලේන්සාව අභය් යානයේ ප්‍රවේගය සොයන්න.
- නෙලුකොප්ටරය අභය්‍යාහයට  $32\text{km}$  නැගෙනහිරින් පිහිටයි. යානා සිය ප්‍රවේගවලුන් ගමන් කරයි නම් මතු වලුනයේ ද යානා අතර කොට්ඨම දුරක්, එය සිදු වීමට ගතවන කාලයත් සොයන්න.
02. (a)  $700 \text{ kg}$  ස්කන්ඩය සහිත මෝටර් රථයක් එන්පිමෙන්  $250 \text{ N}$  ප්‍රකර්ශන බලයක් යෙදීම නිසා නිය්වලනාවයේ සිට  $12 \text{ m/s}$  වේගයකට  $40 \text{ s}$  කාලයකට පසුව ලැබූ වේ. මේ වේගය මිනින්තු දෙකක කාලයක් පුරා පවත්වා ගැනීමෙන් අනතුරුව, එන්පිම ක්‍රියාවිරෝධ කර නියත තිරි-ග බලයක් යටතේ නිය්වලනාවයට පත්වේ. මුළු ගමනට ගතවූ කාලය මිනින්තු  $3$  කි. වලුනය පුරාම වලුනයට එරෙහි ප්‍රතිරෝධය නියායකි.
- (i) ගමනේ මධ්‍යයම අදාළරේදී මෝටර් රථයෙන් යෙදෙන ප්‍රකර්ශන බලය
  - (ii) තිරි-ග යෙදීමෙන් අනෙකුත තිරි-ග බලය
  - (iii) මෝටර් රථය ගමන් කළ මුළු දුර
- සොයන්න.
- (b) A ලක්ෂණයක සිට අංශුවක් V ම/ස ප්‍රවේගයෙන් තිරස ඔ ආරෝපිත කොන්යාක් ගුරුත්වය යටතේ තිදුෂකයේ ප්‍රක්ෂේපනය කරයි.
- ආංශුව ගමන් කරන පථයේ ඉහළම ලක්ෂණ B වේ. AB තිරසට  $\theta$  හුව කොන්යාක් කාදකී.  $Tan \alpha = 2 Tan \theta$  බව පෙන්වන්න.  $g = 10\text{ms}^{-2}$ වේ.  $\alpha = 45^{\circ}$  විට A සිට  $50 \text{ m}$  කිරස් උකින් B පිහිටයි නම් V හි අයය සොයන්න.

03. (a) සුම්ට සමාන අර සහිත ස්කන්ඩ  $3.2m$  හා  $4m$  වන A,B හා C ගෝලු තුන සුම්ට තිරස් මේසයක නිසලව ඇත්තේ එවායේ සේන්දු සරල රේඛාවක පිශිවන සේය. A, C ගෝලු දෙක අතර B ගෝලය තබා A ගෝලය, B දෙකට වලුනය වන සේ ය ප්‍රවේගයෙන් සේන්දුයාකරන රේඛාව ඔයෝ ප්‍රක්ෂේපණය කරයි. A ගෝලය B ගෝලය හා ගැටීමෙන් පසුව B, සේන්දු යාකරන රේඛාව ඔයෝ C හි වදුන තුරු ගමන් කරයි.

$E = \frac{1}{2} m v^2$  නම් දෙවැනි ගැටීමෙන් පසු A හා B ගෝලු දෙකට නිසල වන බව පෙන්වන්න. ගැටුම් දෙකට පසු හානිවී ඇති වාලක සොයන්න.

- (b) ස්කන්ඩය මෙටික් වොන්  $200$  ක් වූ දුම්රියක් තිරකට  $\alpha$  ආනතියක් සහිත කන්දක් දිගේ ඉහළට නති. මෙහි  $sin \alpha = 1/100$  ක් වේ. හර්හෘණ ප්‍රතිරෝධය  $15 \times 10^3 N$  වේ. එන්පිමේ ජවය  $220 \text{ kw}$  වේ.  $g = 9.8 \text{ ms}^{-2}$  දුම්රියේ වේගය  $18 \text{ kmh}^{-1}$  වන විට එම් ත්වරණය සොයන්න. දුම්රියේ එන්පිමේ ජවය හා වලුනයට හර්හෘණ ප්‍රතිරෝධය ද වෙනස් තොට්ටේ නම් දුම්රිය කන්ද දිගේ ඉහළට හැකි උපරිම වේගය සොයන්න.

04. (a) ස්කන්ඩය  $3$  වූ අඟුවක්,  $D_1$   $r$  වන අවිතනය තන්තුවක කෙළවරකට ගැටුයා වැඳ්ලමේන් තියුවලාවේ තිබේ. අඟුව තිරස් ය ප්‍රවේගයකින් ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. තන්තුව යටි අත් සිරස සමඟ  $\theta$  කොන්යක් සාදනවීට තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.  $u^2 \geq 5gr$  නම් අඟුව පරිපුරුණ වෙනත් සාදනයක වලුනය වන බව පෙන්වන්න. තන්තුවේ ආතතිය උපරිම හා අවම වන පිශිවීම් දක්වන්න.  $u^2 = 3gr$  නම් තන්තුව වූ ඇගය සොයන්න.

- (b) ස්කන්ඩය  $3$  වූ අඟුවක් ස්වහාවික දිග  $l$  හා මාපාංකය  $\lambda$  වන ප්‍රතිඵලියේ තන්තුවක කෙළවරකට අමුණු තිබේ. තන්තුවේ අනෙක් කෙළවර සුම්ට තිරස් මේසයක් මත වූ  $0$  ලක්ෂණයකට අමුණු  $0$  සිට  $a + l$  දුරකින් මේසය මත ලක්ෂණයක අඟුව හා තිදුනක් කරන ලදී.

අඟුවේ අනතුරුව ඇතිවන වලුනය ආවර්තික බව පෙන්වා එම් ආවර්ත කාලය

$$\sqrt{\frac{ml}{\lambda}} \left\{ 2\pi + \frac{4l}{a} \right\} \quad \text{බව පෙන්වන්න.}$$

05. (a) OABC සැපුකොන්තාදයකි.  $O(0,0)$  ලක්ෂණයටේ.  $A \equiv (2,0), B \equiv (2,1)$  වේ. P,Q,R බල තුන පිළිවෙළුන්  $\overline{OA}, \overline{AB}$  හා  $\overline{BC}$  පාද ඔයෝ පිළිවෙළුන් ක්‍රියා කරයි. බලවල දිගා එවායේ අකුරුවෙළුන් දක්වා ඇත. මේ බල පද්ධතියේ සම්පූර්ණ බලය  $x + 2y = 7$  රේඛාව ඔයෝ ක්‍රියා කරයි. සම්පූර්ණ බලයේ විශාලත්වය P පද්චලුන් පමණක් සොයන්න. බල පද්ධතියේ සම්පූර්ණ බලයේ  $x + 2y = 9$  රේඛාව ඔයෝ ක්‍රියාකරනු මිනින පද්ධතියට වත් කළ යුතු යුග්මය සොපමණු ද?

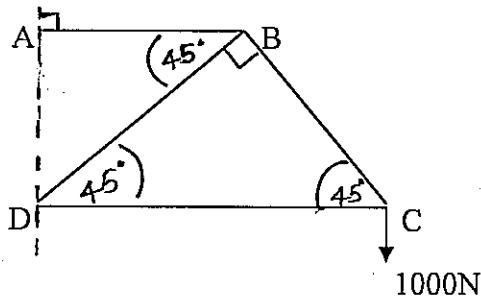
- (b) අනුජන්තර අරය 1 වූ අර්ධගෝලාකාර බිඳුනක් එහි වෘත්ත දාරය තිරස්ව තිබෙන සේ සට්ටිකර තිබේ. දිග  $l (< 4r)$  වූ සිංහී එකාකාර දුණ්ඩක් කෙළවරක් අර්ධ ගෝලයේ ඇතුළ පැත්තේ ස්පර්ශවම්න් ද, දුණ්ඩ ලැස්සයක් වෘත්ත දාරය ස්පර්ශ වම්න්, ඉතිරි කෙළවර අර්ධගෝලයට බාහිරින් වනසේ තිබේ. දුණ්ඩ තිරසට එ කොළුයක් ආනන වේ.

$4r \cos 2\theta = l \cos \theta$  බව පෙන්වන්න. දුණ්ඩ හා බිඳුන අතර ප්‍රතිශ්‍යා හා W (දුණ්ඩ බර) පදවලින් පමණක් නොයන්න.

06. (a) බර W වූ A එකාකාර දුණ්ඩක් A කෙළවර රඩ තිරස් පොලුවක් මතද B කෙළවර රඩ සිරස් බිත්තියක ගැටෙමින් සිලාකාරී සමුළුවනාවේ තිබේ. AB අඩංගු කිරස්නලය බිත්තියට ලම්බක වේ. දුණ්ඩ හා පොලුව අතර සර්පනු සංග්‍රහකය 4/5 හා දුණ්ඩ හා බිත්තිය අතර සර්පනු සංග්‍රහකය 3/5ක් වේ. AB දුණ්ඩ තිරසට ආතනිය  $\alpha$  වේ.

- (a) A හා B දෙකෙළවර අනිලම්බ ප්‍රතිශ්‍යා W පැහැදුවෙන් හා  
(b)  $\tan \alpha$  හා සංඛ්‍යාත්මක අගය නොයන්න.

- (b) මේ රාමු සැකිල්ල AB, BC, CD, DB සහැලුම දතු B,C,D කෙළවරවලද යුමට ලෙස සන්ධිකර තිබේ. රාමු සැකිල්ල A හා D නිෂ්පාදන කර තිබේ. 1000N භාරයක් C තිළු යොදා තිබේ. සියලුම දැඩුවල ප්‍රතිශ්‍යාවලා A හා D හා ප්‍රතිශ්‍යා නොයන්න.



07. අරය a වූ එකාකාර අර්ධගෝලයක තල ආධාරකය හා අරය a හා උක a වූ සැපු වෘත්ත සේතුවක තල ආධාරක සමාන වන සේ අලුවීමෙන් එකාකාර සංග්‍රහක වෘත්තවක් තනා තිබේ. අර්ධ ගෝලයත්, සේතුවත් එකම උච්චයෙන්ම තනා අඟ. සංග්‍රහක වෘත්තවේ ගුරුත්ව සේතුවේ හිර්ශයේ සිට  $7a/6$  ක දුරීන් පිහිටන බව සාධනය කරන්න.

(නෙත එකාකාර අරය A වූ අර්ධ ගෝලයක ගුරුත්ව සේතුව, වහා එක්ස්ප්‍රෝ සේතුවයේ සිට  $3a/4$  දුරකින් පිහිටන බවන් සහ උක h වන සහ සැපු වෘත්ත සේතුවක ගුරුත්ව සේතුවය වහා ආධාරකයේ සිට  $h/4$  දුරකින් අභ්‍යන්තර මත පිහිටන බව උපක්‍රේමණය කරන්න.)

W බරතේ මේ සහ වෘත්තව, වහා අර්ධ ගෝලයේ වහු පැහැදිය තිරස් තලයක ගැටෙන සේ තබා ඇත. වෘත්තවේ අභ්‍යන්තර සිරසට θ කොළුයකින් ආනන වේ. මෙසේ සහ වෘත්තව සමුළුවට තබා ඇත්තේ වෘත්තව මත සිරස් තලයේ හිත් කරන බල යුත්මයක් මතිනි. මෙම බල යුත්මයේ හුරුණය හා දිගාව නොයන්න.

08. (a) A හා B සිදුධීන් දෙක P(A) =  $\frac{8}{15}$  හා P(A ජන්හැසු B) =  $\frac{1}{3}$  සහ P(A' | B) =  $\frac{4}{7}$  වේ.  
 $P(B), P(B | A)$  හා  $P(B | A')$  සොයන්න. A' යනු A සිදුධීය සිදු නොවීම වේ.

A හා B (a) ස්වායන්න (b) අනෙකුන් වගයෙන් බණ්ඩ්කාර වන්නේ ද යන්න ගේනු සහිතව පැහැදිලි කරන්න.

- (b) මල්ලක රතු 5, තැකීලු 4, කහ 3 වගයෙන් ලොසින්පර අඩු-ගු වේ. එක් කොනොකුට පසුව කොනොක් පිලුවෙලට ලුමසි තිදෙනෙක් ලොසින්පරය බැඳින් මල්ලන් ඉවතට ගනි.
- (a) ඉවතට ගත් සියල්ල රතුපාට විම
  - (b) අඩු වගයෙන් එක් ලොසින්පරයක්වන් තැකීලු පාට විම
  - (c) ඉවතට ගත් සියල්ල වෙනත් පාටවලුන් යුත්ත විම
  - (d) ඉවතට ගත් සියල්ලම එකම පාටින් විමේ සම්භාවනාව සොයන්න.

09. වික්නරා පරිමිත තියැදියක දැන්න පහත දැක්වේ.

ඉපයොල මාතය, මධ්‍යස්ථාන, මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න.

ඉපයොල/1000Rs	0-5	5-10	10-15	15-20	20-25
සොයනීන් ගණන	4	8	9	6	3

නිමිනම් ඇවේරින්.

THE OPEN UNIVERSITY OF SRI LANKA  
 DIPLOMA IN TECHNOLOGY - FOUNDATION (LEVEL 02)  
 FINAL EXAMINATION 2010/2011  
 MPZ 2311 - APPLIED MATHEMATICS - PAPER II  
 DURATION - THREE (03) HOURS

DATE : 08<sup>th</sup> March 2011

TIME: 0930 - 1230 hrs.

**ANSWER (06) QUESTIONS ONLY. YOU CAN USE CALCULATORS.  
 YOU CAN'T USE MOBILE PHONES AS CALCULATORS.**

01. a) A train is subject to a uniform retardation while traveling in a straight line. It travels a distance of 100m while its speed reduced from  $60\text{kmh}^{-1}$  to  $20\text{km}^{-1}$ . Find the retardation of the train how much further it will travel before coming to rest.
- b) An aeroplane and a helicopter are maintaining the same height above the ground. The aeroplane is moving due north at  $80\text{km/h}$  and the helicopter is moving in a direction  $N 60^{\circ} W$  at  $60\text{km/h}$ . Find the velocity of aeroplane with respect to the helicopter. The helicopter is  $32\text{km}$  due east of the aeroplane and they both continue with the same velocities. Find the shortest distance between them in the subsequent motion and the time at which this occurs.
02. a) A car of mass  $700\text{kg}$  accelerates from rest under a constant tractive force of  $250\text{N}$  exerted by its engine and acquires a speed of  $12\text{m/s}$  after 40 seconds. The car continues with this constant speed for 2 minutes. The engine is then switched off and the car is brought to rest with a constant brake force, the total time for the journey being 3 minutes. If the resistance to motion was the same throughout.
- Find i. Tractive force during the middle period *of the motion*.  
 ii. The force exerted by the brakes  
 iii. The total distance travelled.
- b) A particle is projected with speed  $V \text{ m/s}$  from a point A at an angle of elevation  $\alpha$  and moves freely under gravity. The highest point in the path of the particle is B and AB is inclined at an acute angle  $\theta$  to the horizontal. Show that  $\tan \alpha = 2\tan \theta$  ( $g = 10\text{ms}^{-2}$ ).

If  $\alpha = 45^\circ$  and the vertical height of B above A is 50m, find the value of V.

03. a) Three smooth spheres A, B and C of equal radii and masses m, 2m, 4m respectively, lie at rest on a smooth horizontal table. Their centres are in a straight line and B is between A and C. A is projected towards B with a speed U. After the impact B continues along the line of centres and strikes C.

If  $e = \frac{1}{2}$ , show that after the second impact both A and B come to rest.

Find the loss of kinetic energy after the two impacts.

- b) A train of mass 200 metric tons ascends a hill of inclination  $\alpha$  to the horizontal, where  $\sin \alpha = \frac{1}{100}$ . The frictional force  $15 \times 10^3$  N. If the engine works at a rate 220kw, what is the acceleration in  $m/s^2$  when the speed is 18 km/h. Take  $g = 9.8 \text{ ms}^{-2}$ . Assuming that the engine continues to work at the same rate and that the resistance to motion is unchanged, find the maximum speed which the train is capable of attaining whilst ascending the hill.

04. a) Particle of mass m hangs at rest from the end of an inextensible string of length r. If the particle is projected horizontally with speed U, find the tension in the string when it makes an angle  $\theta$  with the downward vertical. Deduce that the particle will make complete circles if  $u^2 \geq 5gr$  and indicate the positions of maximum and minimum tension.

If  $u^2 = 3gr$ , determine the value of  $\theta$  at the point where the string goes slack.

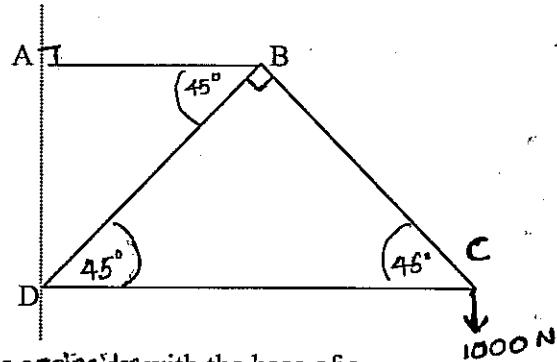
- b) A particle of mass m is attached to one end of an elastic thread of natural length l and modulus  $\lambda$ . The other end is fixed to a point on a smooth horizontal table. If the particle is released from a point on the table at a distance  $l + a$  from O.

Show that the subsequent motion of the particle is periodic and of period

$$\sqrt{\frac{ml}{\lambda}} \left\{ 2\pi + \frac{4l}{a} \right\}.$$

05. a) OABC is a rectangle O is the point (0,0). A  $\equiv (2,0)$  and B  $\equiv (2,1)$ . Forces P, Q and R act respectively along  $\overrightarrow{OA}$ ,  $\overrightarrow{AB}$ , and  $\overrightarrow{BC}$  in the directions indicated by the order of the letters. Their resultant lies along the line  $x + 2y = 7$ . Find the magnitude of the resultant in terms of P. Find also the moment of a couple which when added to the system would transfer the resultant to the line  $x + 2y = 9$

- b) A smooth hemispherical bowl, of internal radius  $r$ , is fixed with its rim horizontal, a thin uniform rod of length  $l$  ( $l < 4r$ ) rests with one end inside the bowl and the other projecting beyond the rim. If the rod is inclined at an angle  $\theta$  to the horizontal, show that  $4r \cos 2\theta = l \cos \theta$ . Find also the reactions between the rod and the bowl in terms of  $\theta$  and  $w$  (the weight of the rod) only.
06. a) A straight uniform rod AB of weight  $W$  rests in limiting equilibrium with the end A on horizontal ground and B against a vertical wall. The vertical plane containing AB is perpendicular to the wall.
- The coefficient of friction between the rod and the ground is  $4/5$ . The coefficient of friction between the rod and the wall is  $3/5$ . Given that the inclination of AB to the horizontal is  $\alpha$ , Calculate
- (i) the normal reactions at A and B in terms of  $w$ .
  - (ii) the numerical value of  $\tan \alpha$ .
- b) The framework consists of four light bars AB, BC, CD, DB freely jointed at B, C, D and attached to a vertical wall at A and D. A weight of 1000N is suspended from C. Find the stresses in all the bars and the reactions at A and D.
07. The plane base of the uniform hemisphere of radius  $a$  coincides with the base of a uniform solid right circular cone, of base radius  $a$  and height  $a$ . The two solids are made out of the same material and together form one uniform composite solid body. Show that the centre of mass of this composite solid body lies at a distance  $\frac{7a}{6}$  from the vertex of the cone.



(You can assume that the centre of mass of a uniform solid hemisphere of radius  $a$  is at a distance from the centre of the plane base of the hemisphere is  $\frac{3a}{8}$  and the centre of mass of a uniform solid right circular cone of height  $h$  is at a distance from the centre of the plane base of the cone in  $h/4$  in the axis of the cone)

This solid body of weight  $w$ , rests with a point of the curved surface of the hemisphere on a horizontal plane and with its axis inclined at an angel  $\theta$  to the vertical, equilibrium being maintained by a couple acting on a vertical plane. Calculate the moment of this couple and indicate its sense in a diagram.

08. a) If A and B are events and  $P(A) = \frac{8}{15}$ ,  $P(A \text{ and } B) = \frac{1}{3}$ ,  $P(A|B) = \frac{4}{7}$ . Calculate  $P(B)$ ,  $P(B|A)$  and  $P(B|A')$ . Where  $A'$  is the event 'A does not occur'. State, with reasons, whether A and B are  
 i. Independent  
 ii. Mutually exclusive.
- b) A bag contains 5 red, 4 orange and 3 yellow sweets. One after another three children pick up and eat one sweet each from the bag. What are the probabilities that  
 (i) they all pick up red sweets.  
 (ii) At least one orange sweet is picked up.  
 (iii) each picks up a different coloured sweet.  
 (iv) all pick up the same coloured sweets.
09. For a finite population given in the table calculate the mean, the median, the mode and the standard deviation of the earnings.

Earnings/1000Rs.	0 – 5	5 – 10	10 – 15	15 – 20	20 – 25
Number of workers	4	8	9	6	3

- Copyrights reserved -



கொஞ்சம் திருத்த பல்வெள்ளுக்கட்டுப்பு

தொழில்நுட்ப அமைச்சர் பேரவை - அடிப்படை முடிவு 2  
கிழுதிப்பிரி தேதி 2010/2011

MPZ 2311 - பிரதிவாக கணக்கும் - சினாநான் II  
காலம் - 3 மூன்று மாதம்.

நாள்: 08. 03. 2011

ஏந்தி: 9.30 - 12.30

இது சினாநாக்களாகிற முடிவு விடையளிக்க. கூந்தொழில்லைப்பியிலை மூன்று மாதம் பயண்படுத்த முடியாது.

(1) (a) ஒன்று வகுக்கும் போதுமான செய்திகளைப் போடு  
க்கிராம அமர்ச்சுக்கை விடங்களிடுத்திருக்க. அத்துடைய வேகமானது  
 $60 \text{ kmh}^{-1}$  அல்லது  $20 \text{ kmh}^{-1}$  க்கு குறைக்கின்றபோது 100 m  
கூந்தொழிலை பயண்கிறதிருக்க. ஒன்று வகுக்கும் போதுமான  
காலம். அந்தம் கூயிலிகள் உடலுழங்கி முன்னால் அது எவ்வளவு  
காலம் பயண்கிறதோ என்பதைப்படி காலம்.

(b) ஒரு விழுமானம் ஒன்றும் ஒன்றுக்கு வாழுமிகி ஒன்றும் நூற்றுமிகி  
ஒரே உயர்த்து விடைக்குத்தான்கு பார்த்து விடங்கும்படிக்கின்றார்கள்.  
விழுமானமானது வட்டு சூழ்நிலை  $80 \text{ km/h}$  க்கில் பார்த்து விடங்கு  
- கூடிய அதை வேற்ற ஒவ்வொரு வட்டுக்கு  $60^\circ$  கீழ்க்கே திருச்சுவலை  
 $60 \text{ km/h}$  க்கில் பார்த்திருக்க. ஒவ்வொரு வாழுமிகி தார்பாக விடங்கு  
- கீள் வேந்திலையை நீர்க்கிற. ஒவ்வொரு வாழுமிகியானது விழுமானத்திலிருந்து  
 $32 \text{ km}$  க்கில் கிடைக்கும்போது குடும்பங்கள். அந்தம் அவையை கொட்டும்  
அது வேந்திலை கொண்டுள்ளது. அவர்களிலும்தையை கொடுக்கிறார்கள்  
கூந்தொழில்கள் அவர்களிலும்தையை மக்கிடுபடியை கொடுக்கிறார்கள்  
நீர்க்கிற. இது கிடைக்கும்போது வேந்திலையை காலம்.

02) (a) 200 kg திட்டமிடுதல் நாட்டார்ஸ் அதனுடைய எடுத்தினமீண்டும் உடலிழப்பும் மாறாத கிடைவிலை 250 N கண் கீழ் ஆய்விலிருந்து அர்சுகளின்றான். அங்கு வேகம் 12 m/s அணை அடைவதற்கு 40 செக்கின்றான் பந்துவிடுகிறது. நாராஸ்க் கிவ் மாறா வேகநிற்கூன் 2 சிமெட்டிகாஸ்டி பிரைசீபியாக பயணிக்கிறது. பின்னால் எடுத்தினமாக இருக்கிறபடி நாட்டார்ஸ் மாறா குவை விழுப்புடைய ஆய்விலிருந்து ஏகாம்பிரவரப்புக்கிறது. அப்பயணத்திலிருந்து எந்தெங்கில் பிரைம் பிரைட்டிகாஸ்ட் அடைகிறது. பயணம் முடிவுத் திட்டங்கள் - கிடைவான் நீல கூரானாவாக கிடைத்த எண்ண

- (I) அயந்தத்தினுடைய இடுபோட்டிக்கியல் கிடைவிலை
- (II) தடுப்பினமால் உருளிப்படி விழுப்பு
- (III) பயணமுத் திடைத் தூரம்.

(b) துணிக்கையிலிருந்து ஒன்றான் A கிடைத்த வேகம்  $V \text{ m/s}$  என் பாரிசுக்கொண்டும் சு சூத கிடைவும் போக எறியப்படுகிறது. சூதம் கொண்டு புரியிற்கின்ற கீழ் சூதமினால் அதைகிறது. சூதமினால் புடைய அதிகமான அதிகாரமாக அதனுடைய பாஸ்தயலி B சூதம் AB சூத கொடையுடைய சூதிப்புமை சு குல் சூதமிருந்தும் கிடைக்கிறது.  $\tan \alpha = 2 \tan \beta$  என்கூட்டுக். ( $g = 10 \text{ ms}^{-2}$ )

$\alpha = 45^\circ$  அதிகாரம் A கிடைத்த வேண்டும் சு குலதையை திட்டமிடுத்திருந்து ஒரேம் 50 m. எண்ணால் V கிடைவால் பொதுமானத்தைக் காணலாம்.

3) (a) குறைஷால் திட்டமிடுவதற்கும் பிரச்சினைகள்  $m$ ,  $2m$ ,  $4m$  கிடைத் திட்டமிடுவதற்கும் பிரச்சினை விடுவதற்கான முறைகள் A, B, C என்பன திட்டமிடுவதற்கான கிடைத்துவதற்கான முறைகள் ஆகியவை இடையில் கூட்டுத்தொழில்.

அவற்றில் குறைஷால் திட்டமிடுவதற்கு கிடைத்துவதற்காக A கிழ்கும் C கிழ்கும் கிடையல் B உண்டு. A கிடைத்துவதற்கு முன் ஒரு கிடையல் கிடைத்துவதற்காக அவற்றில் பிரச்சினை விடுவதற்கும் கிடைத்துவதற்காக B கிடைத்துவதற்காக அவற்றில் குறைஷால் திட்டமிடுவதற்காக C கிடைத்துவதற்கும் கிடைத்துவதற்காக.

$e = \frac{1}{2}$  என்றால், குறைஷால் திட்டமிடுவதற்காக விடுவதற்காக A, B என்பன கிடைத்துவதற்கு அடுத்த எடுத்துக்காட்டு அடுத்துக்காட்டு விடுவதற்காக அடுத்துக்காட்டு கிடைத்துவதற்காக கிடைத்துவதற்காக.

(b) கிடையும் கூடுதல் காலை முறை முறையினை 200  $\times$  10<sup>6</sup> நோட்டீஸ் திட்டமிடுவதற்காக புதைக்கும்படி கூடுதல் காலை முறையினை கிடைத்துவதற்கு. கிடைத்துவதற்காக  $Sind = \frac{1}{100}$ , சுரங்கி எண்  $15 \times 10^3$  N. ஏதிலியோல் 220 kW எழுப் பிரதிக்கல் வேலை செய்தால், வேந்து 18 km/h கூட கிடைத்துவதற்கு ஆக்குதல் எண்ண? ( $g = 9.8 \text{ ms}^{-2}$  எண் எஞ்சிக்)  $\text{ms}^{-2}$  கூட நாண்டு. எஞ்சிகளைப் பிரதிக்கல் அதை பிரதிக்கில் வேலை செய்துகொட்ட முன்றும் கிடைத்துவதற்காக கிடையல் முறையினை எண்க் கூடாண்டு கூட குடும்பத்திற்கு அனுமதிப்போடு புதைக்கும்படி முறையை வேலைக்கு நாண்டு.

(a) (i) விதையுடைய சூதாக்கியை குறிப்பிட முன்னரையில் நிதியுடையாக இருந்து ஏன்றிரும் முறையை கட்டியிருப்பது அல்லது ஒருங்கிணியை படித்திருப்பது. தொழில்களினால் வெந்தி முன் என்ற கிழவை அளிப்பிடுகிறது. அதையானால் இதைக்கிடித்து விதிப்படிகள் உண்டு. தீவிர கிடும் போக இருப்பின் கிழவையானதை காண்டு.

$u^2 \geq 5gr$  என்று நிதியை கட்டியிருப்பதை பொறுத்திருக்கிறோம் என்றால் அதை விதிப்படிகள் அல்லது, கிழவு கிழவியில்லை என்ற தொழில்களை இருந்திருக்கிறார்கள்.

$u^2 = 3gr$  என்று அதை விதிப்படிகளில் கிழவையை ஒழுங்கிற முன்னரை காண்க.

(b) அமைப்பின் நீளம்  $l$  அமைப்பும் மூல கிழவையை ஒழுங்கிறார்கள் நீணப்பி காலீ ஏன்றிரும் ஏற்றுமொன்றை விதையுடைய சூதாக்கியை விடக்கூடிய பொருத்தியீட்டுரூப்பாகும். முழுசுறையை அப்புமொன்றை விடக்கூடியிருப்பின் விடல் என்ற சூரிய ஏன்றில் பொருத்தியீட்டுரூப்பாகும். தொழில்களினால் விடல்களை என்ற சூரிய மற்றும்  $l + a$  கூறியிருப்பது அவசியத்திற்கு அதையிட விடல்களை காண்க. அமைப்பில் அது அமைப்பு என்றும் அமைப்புகளும்

$$\sqrt{\frac{ml}{\lambda}} \left\{ 2\pi + \frac{4l}{a} \right\} \text{ என்று காட்டும்.}$$

- 25) (a) கோங்கு இல் உருவுக்கூடும். புள்ளிகள்  $O \equiv (0,0)$ ,  $A \equiv (2,0)$   
 $B \equiv (2,1)$  ஆகும். அதைகள்  $P, Q, R$  என்றுணர்வது ஒத்துபொறுத்து  
 $\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BC}$  வகுக்கின்றன. (எடுத்தநான்மீண்டும் வகுக்கின்ற  
கிராஃப்ஸ்டி கால்பாதையிலிருந்து) கிவர்க்கின்றதை விடுமாய்தானால்  
வெளி  $x + 2y = 7$  என்வகுக்கின்றது. விடுமாய்தானால் பிரசுரமமான  
 $P$  உற்பதில் காணக்கூடும். நூல்க்கிணறு கூடும்போதும் தீவிரப்பும் காணகிறது.  
கூடும்போது ஒரு அங்கு விடுமாய்தான் நூல்க்கிணறு போட்டியின் வெளி  
கிண்டு கால்பாதையில் அவ்விடுமாய்த் தீவிரப்பத்திற்கும் காணக்கூடும்.
- (b) ஏங்கூட ஒத்துரை 1 கீழைன ஒத்தாண்டு கூடும்பாக்குமானால் அதற்கும்போது சிற்பியில் கிடையாக ஏங்கூடையில் பொருத்திவரப்படும். இனம்  $l$  ( $l < 4r$ ) கூடும்பாண்டு தீர்மை பெறவேண  
கோலி ஒன்றியன் இல் குறிதல் கிண்டுமாய்தின் உள்ளூயும் மாற்றுமான  
அந்தமான் விடுமிட்டிரிக்கு சாவுளியில் கிடைக்கும்போதும் ஏங்கூட். கிடையுடன் ஒ வெள்ளந்திலை காஸ்ட்ரிக்ட்ரைபிள்  
 $4r \cos 2\theta = l \cos \theta$  என்கின்று.
- வெள்ளந்தும் கிண்டுமாய்த்திற்கும் கிடையெயையான மாற்றாக்கத்திற்குமான  
இ, வ, வெள்ளந்துமானில் காணக்கூடும். (வ அங்கு வெள்ளந்துமான பிறகு)
- 26) (a) கீடாறு W கூடுமாய்தைய் கீர்த்தந்தான் தீர்மை கோலி AB கீல்கூடும்  
அந்தாறு கூடுமான A கிடைத்தும்போதும் B கீல்கூடுமானத்திற்கு  
கிவாற்கு எடிராக்கும் கூவத்துப்பட்டு எவ்வளவுக்கும்கணக்களையலி கூயீனிலை  
ஏங்கூட். AB கூடுமான கோலிகளினின் கிறமைக்கீழ்க்காணுமானாக கிவாற்கு  
கூவத்திற்கும் உள்ளது. திராக்கும் கோலாற்கும் கிடையவான கிராபியும்  
- குறைகம்  $4/5$ , கிவாற்கும் கோலாற்கும் கிடையவான உராய்வும்  
குறைகம்  $3/5$ , கிடையுடன் கோலி AB கீல் காயிய கூடுமானத்திற்கு  
குறிப்பட்டுப்பிரின் (i) A கூலி B கூலி கூவத்துமாற்றாக்கத்திற்கும் W  
உற்பதிலை காணக்கூடும். (ii) Tan α கூவதையை எண் பெற்றுக்கொண்டு கிடையும்  
கீல்கூடும்.

(b) துவக்குவதற்கு இரண்டு முறைகள்.

$AB, BC, CD, DB$  எல்லாம் கூடுதல்லோ.

$B, C, D$  களே சியாத்னமாக பொறுத்தப்படு

ஒரிணாக் அந்தன் அடி திறமைக்குஞ்சு செயல்லே.

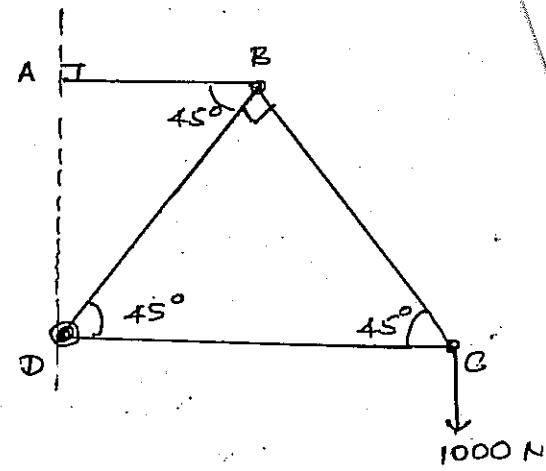
$A, D$  களே கிழவைக்கப்படுவதற்கிணாக் கிழமை

1000 N கீழ்  $C$  களே உதாந்தேவுடையும்படியிருக்கின்றன.

எவ்வளவு கூடுதலையும் ஒரிண நூலைப்பிள்ளைக் கூடுதலாக.

$A, D$  களே முழுதாக்கந்திடமில்லை.

கீழ்க்கொண்டு.



(c) தீவிர மீது கிளிமீட்டர்களை நூல் அடித்து உடைய தீவான் அந்தக்

- கிளிமீட்டர்மீல் அடியாற்றா கிளிமீட்டர் உயரம் மீ கிளிமீட்டர்

இதான்டு தீவான் தீவான்மீல் கொங்கல் சூழ்நிலையிலிருந்து நூல் அடிப்படை எண்ணிலே பொறுத்தப்படுவதற்கிணாக். கிழவிகு தீவான்மீலினாலும்

ஒரே அங்கையின் பத்தாக்கந்திடமானி ஏராக்குவதற்கு ஒரு வகையில் அவற்றின் ஒரீதிரையைக்கு வடிவத் தடு தீவான் தீவான்மீலுடையும் கூடும்.

ஒரீதீவான்மீல் உடலைத்தீவை தீவான்மீலையென்றால் சூழ்நிலை உச்சியாலுடைய  
2a/6 காரத்திலீ கிளெக்டும் எனக்காட்டும்.

( a தீவான்மீலை தீவான் தீவான்மீல் கூடுவதையென்றால் அந்தக் கிளெக்டுக்காந்திலீன் நூல் அடியாற்றுத்தீவை கொடியதீவைக்குடை 3a/8 காரத்திலீஸ் உயரம் மீ கிளிமீட்டர்களை தீவான் தீவான்மீல கிளெக்டு கூழ்நிலை கொடியதையென்றால் நூல் அடியான் கொடுத்தி  
- வாடிடை 4/4 காரத்திலீஸ் கிளெக்டும் என எந்தெந்திடமான்.)

ஷ தீவான்மீலை கிளெக்டுமீல் உடலைந்து கிளெக்டு அந்தக் கிளெக்டுக்காந்திலீஸ்

அதாக்கு கொடுவிட்டுப் பின்டத்திலையும் அந்தாக் குத்தீவான்மீல் தீவான்மீல்க்குஞ்சு

- ஸெ மீ கொடுவில் கொடுவில் உருள்ளது. தீவான்மீல் கொடுத்திலீ

நாக்கும் கிளெக்டு கிளெக்டு குத்தீவான்மீல் கொடுத்து கொடுத்து.

கிழ் சிலைக்குத்தீவான்மீல் தீவான்மீல் கொடுத்து.

கொக்கிளெக்டுமீல் கிழ்க்கொடுத்து.

(08) (a) A, B என்பன இந்தீசினதாங் குடும்பின்  $P(A) = 8/15$ ,  $P(A \text{ முன் } B \text{ முன்}) = 1/3$ ,  $P(A|B) = 4/7$  ஆகும்.  $P(B)$ ,  $P(B|A)$ ,  $P(B|A')$  கண்ணக் காண்க. கிடைக்க  $A'$  என்பது அதற்கு அதாவது 'A இல்லாது'. பின்னாலும் வாய்தாங் எடுத்ததாகி. (நாராயணர்ஜு)

$A \text{ முன் } B \text{ உடம்}$

(i) சாராந் மதுவு

(ii) தமிழன் பார்த்திவிஷமுவு

(b) ஒது வயதானால் 5 சிறப்பு, 4 மூலத், 3 மக்கள் மிக கிளர்ப்புக்கு - கொன விடங்களின்காலங். இதோடு கிழவாக்கள் ஓய்யும் பூர்வ வெளியாக்கும் ஒரு வகையாக கிளிப்பு எடுத்து உண்டுமென்றால்.

(a) அவர்கள் குவாடம் சிறப்பு மிக கிளர்ப்பியை ஏற்படுத்தினால்  
 (b) சிகிச்சையிடிதழ். ஒது ஒருங்கீழ் மிக கிளர்ப்பியை ஏற்படுத்தினால்  
 (c) ஒவ்வொருவரும் விநிதியாகமான மிக கிளர்ப்பியை ஏற்படுத்தினால்  
 (d) எங்களாலும் ஒரே மிக கிளர்ப்பியை ஏற்படுத்தினால்  
 பின்தாது விஷமான காண்க.

(09) புதுமன்ற கணாந்திரதாக ஒளிபிறிக்க அடிவைதான் ஏதோ தாபிபாங்கள்கூடு. அடை, கிடையஸ், சீகாரம், இயும் உபிஸ்டல் என்பவற்றினால் காண்க.

அடுமொத்தம் / 1000 Rs	0 - 5	5 - 10	10 - 15	15 - 20	20 - 25
வெள்ளையார்கான் மதுவுகளிலிருந்து	4	8	9	6	3